

## Вероватноћа и статистика А

### Задаци са вежби, 2015/2016.

- Истовремено се бацају новчић и коцкица. Одредити скуп елементарних исхода.
  - Баца се новчић два пута. Одредити скуп елементарних исхода.
- У кутији су четири листића обележена бројевима 1, 2, 3 и 4. Извлачимо листиће,
  - без враћања,
  - са враћањем, све док не извучемо листић са непарним бројем. Одредити скуп елементарних исхода.
- Стрелац гађа у циљ облика кружне мете полупречника  $K$ , при чему се мери растојање поготка од центра мете. Одредити скуп елементарних исхода.
- Посматра се  $n$  гостију у ресторану и региструје се да ли су наручили кафу или не, а онда се посматра још онолико гостију колико је међу првих  $n$  гостију наручило кафу и код њих се, такође, региструје да ли су наручили кафу или не. Одредити скуп елементарних исхода  $\Omega$  и број елемената тог скупа. Сматра се да је укупан број гостију у ресторану већи или једнак  $2n$ .
- Коцка чије су све стране обојене подељена је у 1000 мањих коцки једнаке величине. Израчунати вероватноћу да случајно изабрана коцка има тачно две обојене стране.
- Израчунати вероватноћу да цифре десетица и јединица куба случајно изабраног природног броја буду јединице.
- Из кутије у којој се налазе цедуље означене бројевима од 1 до  $n$  извлачи се једна по једна цедуља,
  - без враћања,
  - са враћањем, и бележе се добијени бројеви. Израчунати вероватноћу да буду редом извучени бројеви  $1, 2, \dots, n$ .
- Хотел има  $n$  соба поређаних једна до друге у правој линији. На случајан начин  $k$  ( $k < n$ ) гостију се размешта по собама. Израчунати вероватноћу да они заузму  $k$  суседних соба.
- $N$  људи се на случајан начин размешта за округлим столом ( $N > 2$ ). Израчунати вероватноћу да два одабрана лица не седну једно до другог.

10. Човек има у цепау  $n$  кључева од којих само један отвара врата. Кључеве редом вади из цепа (без враћања) док не нађе одговарајући кључ. Израчунати вероватноћу да тражени кључ извуче у  $k$ -том извлачењу, где је  $k$  фиксиран број такав да је  $1 \leq k \leq n$ .
11. Играчи  $A$  и  $B$  имају једнаке шансе да у једној партији неке игре освоје бод. Нема нерешених игара. Побеђује онај који први освоји 6 бодова. Израчунати вероватноћу да победи играч  $A$ , односно  $B$ , ако је тренутни резултат 4:2 за играча  $A$ .
12. Из складишта са  $n$  предмета, од којих је  $k$  неисправно, узима се одједном  $m$  предмета. Израчунати вероватноћу да међу тим предметима буде тачно  $l$  неисправних.
13. Из партитивног скупа скупа  $A$ , где је  $A = \{1, 2, \dots, n\}$ , на случајан начин бирају се (са враћањем) два елемента (подскупови скупа  $A$ )  $A_1$  и  $A_2$ . Израчунати вероватноћу да буде

а)  $A_1 \cap A_2 = \emptyset$ ;

б)  $A_1 \cup A_2 = A$ .

Подразумева се да је избор свих подскупова једнако вероватан.

14. 30 идентичних папира се на случајан начин распоређује у 8 различитих фасцикли. Претпоставља се да у сваку фасциклу може стати произвољно много папира. Израчунати вероватноће следећих догађаја:
  - а)  $A$  - у свакој фасцикли има бар три папира;
  - б)  $B$  - бар три фасцикле су празне;
  - в)  $C$  - тачно три фасцикле су празне.
15. У ормару се налази 10 пари ципела. На случајан начин се одаберу 4 ципеле. Израчунати вероватноћу да је међу њима бар један пар.
16. За биоскопску салу која има  $n$  нумерисаних места све карте су распродате. Ако гледаоци случајно бирају места, израчунати вероватноћу да бар један гледалац седне на место за које има карту. Чему тежи та вероватноћа кад  $n \rightarrow \infty$ ?
17. У возу који има  $m$  вагона пење се  $n$  путника. Израчунати вероватноћу да у сваки вагон уђе бар по један путник.
18. При доласку на састанак клуба  $n$  чланова је оставило шешир у гардероби. По завршеном састанку шешири су им подељени на случајан начин. При томе се претпоставља да су сви могући распореди шешира једнако вероватни. Одредити вероватноћу догађаја:  
 $B_0$  - ниједно лице није добило свој шешир;  
 $B_k$  - тачно  $k$  лица је добило свој шешир.
19. Из сегмента  $[0, 1]$  на случајан начин бирају се два броја. Израчунати вероватноћу да њихов збир буде мањи од 1, а производ већи од  $\frac{2}{9}$ .

20. Растојање између две паралелне телефонске линије дужине  $l$  је  $d$  ( $d < l$ ). На свакој од телефонских линија на непознатом месту постоји прекид. Израчунати вероватноћу да је растојање  $R$  међу тачкама прекида не веће од  $a$  ( $d < a < \sqrt{l^2 + d^2}$ ).
21. Из скупа  $\{1, 2, \dots, 22\}$  случајно је изабран један број. Израчунати вероватноћу да је изабран паран број ако је познато да је изабран број дељив са три.
22. У реду са 10 седишта на случајан начин седају 3 особе. Особе  $X$  и  $Y$  нису селе једна до друге. Израчунати вероватноћу да је особа  $Z$  села између особа  $X$  и  $Y$ .
23. Свака од 15 испитних цедуља садржи по 2 питања која се не понављају. Студент зна одговор на 25 питања. Да би положио испит он мора да одговори или на оба питања са цедуље коју прву извуче или на једно питање са цедуље коју прву извуче и на прво питање са цедуље коју другу извуче. Шта је вероватније, да падне испит или да га положи?
24. Човек има у џепу  $n$  кључева од којих само један отвара врата. Кључеве редом вади из џепа (без враћања) док не нађе одговарајући кључ. Израчунати вероватноћу да тражени кључ извуче у  $k$ -том извлачењу, где је  $k$  фиксиран број такав да је  $1 \leq k \leq n$ .
25. У некој игри учествује  $2^n$  играча. Играчи се на случајан начин деле у парове и играју  $2^{n-1}$  мечева, а вероватноћа победе сваког од њих у неком мечу је  $\frac{1}{2}$ . У следећем колу  $2^{n-1}$  победника претходног кола се деле на случајан начин у парове и играју меч и тако даље. У игри учествује и играчи  $A$  и  $B$ . Израчунати вероватноћу да се  $A$  и  $B$  сусретну као противници.
26. Под претпоставком да су вероватноће рађања мушког и женског детета једнаке, испитати независност догађаја  $A$  - деца нису истог пола и  $B$  - међу децом је највише једна девојчица
- а) у породици са троје деце;
  - б) у породици са четворо деце.
27. Играчи  $A$  и  $B$  имају једнаке шансе да у једној партији неке игре освоје бод. Нема нерешених игара. Побеђује онај који први освоји 6 бодова. Израчунати вероватноћу да победи играч  $A$ , односно  $B$ , ако је тренутни резултат 4:2 за играча  $A$ .
28. На турниру треба одиграти три партије стоног тениса против шампиона  $A$  и нешто слабијег играча  $B$  по једној од шема  $A - B - A$  или  $B - A - B$ . Награда се добија ако се победи у бар две партије узастопно. Коју шему изабрати?
29. У свакој партији између  $A$  и  $B$  играч  $A$  побеђује са вероватноћом  $p$  и нема нерешених исхода. Игра траје или док  $A$  не добије  $m$  партија ( $A$  победник) или док  $A$  не изгуби  $n$  партија ( $B$  победник). Израчунати вероватноћу да  $A$  победи у целој игри.
30. У кутији са резервним деловима, који се по изгледу не разликују, је 5 нових и 3 стара дела. Случајно се бирају два дела одједном и користе извесно време, после чега се враћају у кутију. Након тога се опет случајно бирају два дела одједном.

- а) Израчунати вероватноћу да оба другоодабрана дела буду нова.
- б) Ако су другоодабрани делови нови, израчунати вероватноћу да су првоодабрани делови били стари.
31. У кутији се налазе 3 куглице, од којих свака може бити бела или црна. Све претпоставке о броју белих куглица су једнако вероватне. Из кутије се четири пута, са враћањем, бира куглица. Који је најверованији састав кутије ако је једном извучена црна и три пута бела куглица?
32. Вероватноћа да је одређена књига у библиотеци је  $p$ . Ако је та књига у библиотеци, онда се са истом вероватноћом налази на било којој од  $n$  полица. Прегледано је  $m$  ( $m < n$ ) полица и та књига није нађена. Израчунати сада вероватноћу да је она у библиотеци.
33. Мајка је својој деци поделила колаче и то Аци три баклаве и две тулумбе, а Пери четири баклаве и четири тулумбе. Затим је изашла из кухиње. Незадовољан поделом, Аца је зграбио два колача из Периног и ставио у свој тањир. Пера је покушао да узврати, али је успео да врати само један (не обавезно свој) колач. Враћајући се назад, мајка је приметила свађу и за казну је из Ациног тањира узела један колач и појела га. Израчунати вероватноћу да је мајка појела баклаву.
34. У првој кутији налазе се само беле куглице, а у другој кутији  $\frac{1}{4}$  куглица су црне, а  $\frac{3}{4}$  беле. Случајно се бира кутија и из ње се извлачи једна куглица. Испоставља се да је бела. Ову куглицу вратимо у кутију из које је извучена и из ње се опет извлачи једна куглица. Израчунати вероватноћу да ова куглица буде црна.
35. Нека је вероватноћа да у породици има  $n$  деце  $\alpha p^n$ ,  $n \in N$ ,  $p \in (0, 1)$ ,  $\alpha > 0$ . Претпоставља се да су све комбинације полова  $n$  деце једнако вероватне. Доказати да је за  $k \geq 1$  вероватноћа да у породици има  $k$  дечака  $\frac{2\alpha p^k}{(2-p)^{k+1}}$ .
36. Играчи  $A$  и  $B$  играју низ партија, тако да у свакој победник добија један поен. У свакој партији  $A$  побеђује са вероватноћом  $\alpha$ , а  $B$  са вероватноћом  $\beta$ , где је  $\alpha + \beta = 1$  и  $\alpha > \beta$ . Победник меча је онај играч који сакупи два поена више од противника.
- а) Израчунати вероватноћу да израч  $A$  буде победник меча.
- б) Шта је погодније за играча  $A$ , да игра цео меч или само једну партију?
37. Из кутије у којој су четири цедуље нумерисане бројевима 1, 2, 3, 4 извлачимо, без враћања, док не извучемо цедуљу са непарним бројем. Ако је  $X$  збир извучених бројева, а  $Y$  број извлачења, одредити закон расподеле (вероватноћа) случајних величина  $X$  и  $Y$  и израчунати (математичка) очекивања и дисперзије тих случајних величина.
38. Из скупа  $\{1, 2, \dots, n\}$  ( $n \geq 2$ ) на случајан начин бирају се одједном два различита броја  $x$  и  $y$ . Нека је  $S = \max\{x, y\}$ . Одредити расподелу случајне величине  $S$  и израчунати  $P\{0.5 < S \leq 3.56\}$ ,  $P\{S > 2.6\}$ , као и очекивање  $ES$ .

39. Из скупа  $\{1, 2, \dots, n\}$  на случајан начин бирају се одједном  $m$  различитих бројева,  $2 \leq m \leq n$ . Нека је  $R$  максимално растојање међу бројевима. Одредити расподелу случајне величине  $R$  и израчунати очекивање  $ER$ .
40. Вероватноћа да кошаркаш погоди кош је  $p(0.7)$ . Он гађа све док не погоди кош. Израчунати средњи број покушаја.
41. Случајна величина  $X$  има Пуасонову  $P(\lambda)$  расподелу. Израчунати очекивање и дисперзију те случајне величине.
42. Вероватноћа да се догађај  $A$  оствари при неком експерименту је  $p, 0 < p < 1$ . Експерименти се независно понављају све док се  $A$  не оствари тачно  $k$  пута ( $k \geq 1, k$  фиксиран број). Ако је  $X$  број изведених експеримената, одредити расподелу случајне величине  $X$  и израчунати  $EX$ .
43. Вероватноћа да се догађај  $A$  оствари при неком експерименту је  $p, 0 < p < 1$ . Експерименти се независно понављају све док се или  $A$  или  $A^c$  не појави два пута узастопно. Ако је  $X$  број изведених експеримената, одредити расподелу случајне величине  $X$  и доказати да је  $E(X) \leq 3$ .
44. Из кутије у којој су четири цедуље нумерисане бројевима 1, 2, 3, 4 извлачимо, без враћања, док не извучемо цедуљу са непарним бројем. Ако је  $X$  збир извучених бројева, а  $Y$  број извлачења, одредити расподелу дводимензионе случајне величине  $(X, Y)$ , као и маргиналне расподеле  $X$  и  $Y$ . Испитати независност случајних величина  $X$  и  $Y$  и израчунати очекивање производа  $X$  и  $Y$ .
45. За случајне величине  $X$  и  $Y$  из претходног задатка, одредити расподелу случајне величине  $Z$ , где је  $Z = X - Y$ .
46. Нека су  $X_1$  и  $X_2$  независне случајне величине са геометријском  $G(p), 0 < p < 1$ , расподелом. Ако је  $Y = \max\{X_1, X_2\}$ , одредити расподелу случајне величине  $Y$ .
47. Случајне величине  $X$  које има Пуасонову  $P(\lambda)$  расподелу и  $Y$  која има Пуасонову  $P(\mu)$  расподелу су независне. Ако је  $Z = X + Y$ , одредити расподелу случајне величине  $Z$ .
48. У кутији је  $n$  куглица нумерисаних бројевима 1, 2, ...,  $n$ . Из кутије се извлачи једна по једна куглица, без враћања, све док се не извуче куглица са бројем који није мањи од  $k$ , где је  $k$  унапред фиксиран број,  $1 \leq k \leq n$ . Ако је  $Y$  број извлачења до појаве такве куглице, одредити расподелу случајне величине  $Y$  и израчунати очекивање  $EY$ .
49. Баца се коцка за игру. Израчунати очекивани број бацања до појаве свих бројева.
50. Резултат гађања је погодак, са вероватноћом  $p$ , или промашај, са вероватноћом  $q, q = 1 - p$ . Изводи се  $n$  независних гађања. Израчунати очекивани број промена резултата у тих  $n$  гађања.
51. Изводи се  $n$  независних експеримената. Вероватноћа успеха догађаја  $A$  у сваком експерименту је  $P(A)$ , тј.  $p$ . Ако је  $X$  број успеха догађаја  $A$  у тих  $n$  експеримената, одредити расподелу случајне величине  $X$  и израчунати очекивање и дисперзију.

52. Случајна величина  $X$  има биномну  $B(n, p)$  расподелу, а случајна величина  $Y$  биномну  $B(m, p)$  расподелу. Ако су  $X$  и  $Y$  независне и  $Z = X + Y$ , одредити расподелу случајне величине  $Z$ .
53. Случајна величина има биномну  $B(n, p)$  расподелу. Ако је  $Y = n - X$ , одредити расподелу случајне величине  $Y$ .
54. Познато је да у неком граду становник има бицикл са вероватноћом 0.02, а мотор са вероватноћом 0.01, с тим што нико нема и бицикл и мотор. Израчунати вероватноћу да од 100 случајно изабраних становника број оних који поседују бар једно од ова два превозна средства буде између 2 и 6 (укључујући и те бројеве).
55. Из скупа бројева  $\{1, 2, \dots, n\}$  на случајан начин се, са враћањем, извлачи  $2n$  бројева ( $n \geq 100$ ). Одредити најмањи број  $k$  такав да вероватноћа да број извучених четворки не буде мањи од  $k$  износи највише 0.05.
56. Баца се новчић. Ако падне глава случајна величина  $X$  узима вредност  $-1$ , иначе узима вредност 1. Одредити функцију расподеле (вероватноћа) те случајне величине.
57. Случајна величина  $X$  има униформну  $U[0, 1]$  расподелу. Одредити функцију расподеле (вероватноћа) те случајне величине.
58. Дана је функција  $f(x) = \begin{cases} a(1-x)^2, & x \in [0, 1]; \\ 0, & \text{иначе.} \end{cases}$
- Израчунати константу  $a$  за коју је  $f(x)$  густина расподеле (вероватноћа) неке случајне величине  $X$ .
  - Одредити функцију расподеле те случајне величине.
  - Израчунати  $P\{X > 1/3\}$ .
  - Одредити очекивање и дисперзију те случајне величине.
59. Случајна величина  $X$  има униформну  $U[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$  расподелу. Ако је  $Y = \cos X$ , одредити густину расподеле случајне величине  $Y$  и израчунати очекивање  $EY$ .
60. Случајна величина  $X$  има Кошијеву расподелу, тј. њена густина расподеле је  $f = \frac{1}{\pi} \frac{1}{1+x^2}, x \in (-\infty, +\infty)$ . Ако је  $Y = \frac{1}{X}$ , одредити расподелу случајне величине  $Y$ .
61. Случајна величина  $X$  има експоненцијалну  $\varepsilon(\lambda)$  расподелу. Одредити функције расподела следећих случајних величина:
- $Y = |1 - X|$ ;
  - $Z = \min\{X, X^2\}$ ;
  - $T = [X]$ .
62. Број  $\varphi$  се случајно бира из сегмента  $[0, \frac{\pi}{2}]$ , а затим се кроз тачку  $A(0, 1)$  повлачи права која са позитивним делом  $x$  осе заклапа угао  $\varphi$ . Ако је  $D$  удаљеност те праве од координатног почетка, одредити расподелу случајне величине  $D$ .

63. Штап дужине  $b-a$  случајно се ломи на једном месту. Израчунати очекивану дужину краћег дела штапа.
64. Случајна величина  $X$  има униформну  $U[-1, 2]$  расподелу. Ако је  $Y = \min\{X, 1\}$ , одредити расподелу случајне величине  $Y$  и израчунати очекивање  $EY$ .
65. Случајна величина  $X$  има униформну  $U[0, 1]$  расподелу. Ако је  $Y = \frac{1}{X} - [\frac{1}{X}]$ , одредити расподелу случајне величине  $Y$ .
66. Фабрика у току дана произведе 1000 аутомобила од којих сваки са вероватноћом 0.05 захтева дораду. Колики треба да буде капацитет паркинга, да са вероватноћом 0.9 буде довољан за аутомобиле који чекају дораду?
67. Стрелац погађа циљ са вероватноћом 0.4. Колико најмање гађања треба да планира, па да вероватноћа да ће имати бар 80 погодака буде 0.9?
68. У позоришту са 1000 места посетиоци улазе случајно на два улаза који имају по гардеробу. Колико најмање места треба да буде у свакој гардероби, па да са вероватноћом 0.99 посетиоци могу да оставе своје ствари у гардероби улаза на који су и ушли?
69. Дата је функција расподеле дводимензионе случајне величине  $(X, Y)$ :

$$F(x, y) = \begin{cases} 1 - 2^{-x} - 2^{-y} + 2^{-x-y}, & x \geq 0, y \geq 0; \\ 0, & \text{иначе.} \end{cases}$$

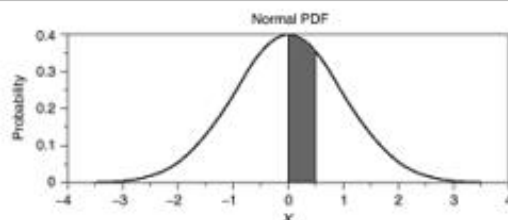
- а) Одредити густину расподеле случајне величине  $(X, Y)$ .
- б) Испитати независност случајних величина  $X$  и  $Y$ .
- в) Ако је  $T = \{(x, y) | x \geq 0, y \geq 0, x + y \leq 1\}$ , израчунати  $P\{(X, Y) \in T\}$ .
70. Тачка  $A(X, Y)$  се случајно бира у квадрату  $D$  са теменима  $(1,0)$ ,  $(0,1)$ ,  $(-1,0)$  и  $(0,-1)$ . Одредити густину расподеле случајног вектора  $(X, Y)$ , као и маргиналне расподеле случајних величина  $X$  и  $Y$ .
71. Случајна величина  $X$  има експоненцијалну  $\varepsilon(\lambda)$  расподелу. Ако је  $Y = \frac{\lambda}{\mu}X$ , одредити расподелу случајне величине  $Y$ , а затим случајног вектора  $(X, Y)$ .
72. Случајне величине  $X$  и  $Y$  су независне и имају исту експоненцијалну  $\varepsilon(1)$  расподелу. Ако је  $Z = |X - Y|$ , одредити густину расподела случајне величине  $Z$ .
73. Случајна величина  $X$  има експоненцијалну  $\varepsilon(\alpha)$  расподелу, случајна величина  $Y$  има униформну  $U[0, h]$  расподелу независне су. Ако је  $Z = X + Y$ , одредити густину расподеле случајне величине  $Z$ .
74. Случајно се бира тачка  $(X, Y)$  унутар квадрата са теменима  $A(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2})$ ,  $B(\frac{1}{2}, -\frac{1}{2})$ ,  $C(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$  и  $D(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ . Ако је  $Z = XY$ , одредити расподелу случајне величине  $Z$ .
75. Након свађе око колача страсти су се мало смириле и Пери и Аци у госте је дошао Јова да би играли игрице на рачунару. Пошто имају два рачунара Пера и Аца су одмах заузели своја места и кренули да се играју. Јови је остало једино да чека. Познато је да свако од троје деце, независно од друге двојице, случајно одређује колико ће да се игра, с тим да је то најмање 10, а највише 30 минута. Одредити:

- а) вероватноћу да ће Јови место уступити Пера;
- б) густну расподеле и очекивање Јовиног времена чекања;
- в) вероватноћу да Јова неће остати последњи да се игра.

Сматрати да кад било које дете устане од рачунара не враћа се поново да се игра.

76. Случајна величина  $X$  има  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$  расподелу, случајна величина  $Y$  има униформну  $U[0, 1]$  расподелу и независне су. Ако је  $Z = X + Y$ , одредити расподелу случајне величине  $Z$ .
77. Независно се бирају случајни бројеви  $X_1, X_2, \dots$  са сегмента  $[0, 1]$ . Нека је дат фиксиран број  $t, t \in (0, 1)$ . Нека је  $N(t)$  први индекс такав да је  $X_{N(t)} \geq t$  и нека је  $Y(t) = X_{N(t)} - t$ .
- а) Одредити расподелу случајног вектора  $(Y(t), N(t))$ .
  - б) Да ли су случајне величине  $N(t)$  и  $Y(t)$  независне?
78. Ако за случајну величину  $X$  важи да је  $EX = 3$  и  $DX = 0.01$ , проценити  $P\{2.5 < X < 3.5\}$ .
79. Случајна величина  $X$  има униформну  $U[-1, 1]$  расподелу. Ако је  $Y = \operatorname{sgn} X$ , израчунати коефицијент корелације случајних величина  $X$  и  $Y$ .
80. Ако су  $X_1, X_2, \dots, X_n$  независне случајне величине са истом униформном  $U[0, 1]$  расподелом и ако је  $X_{(1)} = \min\{X_1, X_2, \dots, X_n\}$ , а  $X_{(n)} = \max\{X_1, X_2, \dots, X_n\}$ , израчунати коефицијент корелације случајних величина  $X_{(1)}$  и  $X_{(n)}$ .
81. Случајна величина  $X$  има униформну  $U[0, 1]$  расподелу. Ако је  $Y_n = \sum_{k=1}^n \frac{k-1}{n} I\{\frac{k-1}{n} < X \leq \frac{k}{n}\}$ ,  $n \in N$ ,  $n > 1$ , израчунати коефицијент корелације случајних величина  $X$  и  $X_{(n)}$ .
82. Нека су  $X_1, X_2, \dots, X_n$  независне случајне променљиве са истом расподелом  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1-p & p \end{pmatrix}$ ,  $0 < p < 1$ . Одредити условну расподелу случајне величине  $X_1$  при услову  $X_1 + X_2 + \dots + X_n = k$ , тј. расподелу за  $X_1 | X_1 + X_2 + \dots + X_n = K$ .
83. Дводимензионална случајна величина  $(X, Y)$  има униформну расподелу на троуглу са теменима  $(0, 1)$ ,  $(1, 0)$  и  $(0, 0)$ . Одредити  $f_{X|Y=y}(x)$  - условну густину расподеле случајне величине  $X$  при услову  $Y = y$ .
84. Из сегмента  $[0, 1]$  случајно се бира број  $X$ , а затим се из сегмента  $[\frac{X}{2}, X]$  случајно бира број  $Y$ .
85. Дводимензионална случајна величина  $(X, Y)$  има униформну расподелу на троуглу са теменима  $(0, 0)$ ,  $(3, 0)$  и  $(2, 1)$ . Одредити  $f_{Y|X \in [1, 2]}(x)$  - условну густину расподеле случајне величине  $Y$  при услову  $X \in [1, 2]$ .





Area under the Normal Curve from 0 to X

X	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.00000	0.00399	0.00798	0.01197	0.01595	0.01994	0.02392	0.02790	0.03188	0.03586
0.1	0.03983	0.04380	0.04776	0.05172	0.05567	0.05962	0.06356	0.06749	0.07142	0.07535
0.2	0.07926	0.08317	0.08706	0.09095	0.09483	0.09871	0.10257	0.10642	0.11026	0.11409
0.3	0.11791	0.12172	0.12552	0.12930	0.13307	0.13683	0.14058	0.14431	0.14803	0.15173
0.4	0.15542	0.15910	0.16276	0.16640	0.17003	0.17364	0.17724	0.18082	0.18439	0.18793
0.5	0.19146	0.19497	0.19847	0.20194	0.20540	0.20884	0.21226	0.21566	0.21904	0.22240
0.6	0.22575	0.22907	0.23237	0.23565	0.23891	0.24215	0.24537	0.24857	0.25175	0.25490
0.7	0.25804	0.26115	0.26424	0.26730	0.27035	0.27337	0.27637	0.27935	0.28230	0.28524
0.8	0.28814	0.29103	0.29389	0.29673	0.29955	0.30234	0.30511	0.30785	0.31057	0.31327
0.9	0.31594	0.31859	0.32121	0.32381	0.32639	0.32894	0.33147	0.33398	0.33646	0.33891
1.0	0.34134	0.34375	0.34614	0.34849	0.35083	0.35314	0.35543	0.35769	0.35993	0.36214
1.1	0.36433	0.36650	0.36864	0.37076	0.37286	0.37493	0.37698	0.37900	0.38100	0.38298
1.2	0.38493	0.38686	0.38877	0.39065	0.39251	0.39435	0.39617	0.39796	0.39973	0.40147
1.3	0.40320	0.40490	0.40658	0.40824	0.40988	0.41149	0.41308	0.41466	0.41621	0.41774
1.4	0.41924	0.42073	0.42220	0.42364	0.42507	0.42647	0.42785	0.42922	0.43056	0.43189
1.5	0.43319	0.43448	0.43574	0.43699	0.43822	0.43943	0.44062	0.44179	0.44295	0.44408
1.6	0.44520	0.44630	0.44738	0.44845	0.44950	0.45053	0.45154	0.45254	0.45352	0.45449
1.7	0.45543	0.45637	0.45728	0.45818	0.45907	0.45994	0.46080	0.46164	0.46246	0.46327
1.8	0.46407	0.46485	0.46562	0.46638	0.46712	0.46784	0.46856	0.46926	0.46995	0.47062
1.9	0.47128	0.47193	0.47257	0.47320	0.47381	0.47441	0.47500	0.47558	0.47615	0.47670
2.0	0.47725	0.47778	0.47831	0.47882	0.47932	0.47982	0.48030	0.48077	0.48124	0.48169
2.1	0.48214	0.48257	0.48300	0.48341	0.48382	0.48422	0.48461	0.48500	0.48537	0.48574
2.2	0.48610	0.48645	0.48679	0.48713	0.48745	0.48778	0.48809	0.48840	0.48870	0.48899
2.3	0.48928	0.48956	0.48983	0.49010	0.49036	0.49061	0.49086	0.49111	0.49134	0.49158
2.4	0.49180	0.49202	0.49224	0.49245	0.49266	0.49286	0.49305	0.49324	0.49343	0.49361
2.5	0.49379	0.49396	0.49413	0.49430	0.49446	0.49461	0.49477	0.49492	0.49506	0.49520
2.6	0.49534	0.49547	0.49560	0.49573	0.49585	0.49598	0.49609	0.49621	0.49632	0.49643
2.7	0.49653	0.49664	0.49674	0.49683	0.49693	0.49702	0.49711	0.49720	0.49728	0.49736
2.8	0.49744	0.49752	0.49760	0.49767	0.49774	0.49781	0.49788	0.49795	0.49801	0.49807
2.9	0.49813	0.49819	0.49825	0.49831	0.49836	0.49841	0.49846	0.49851	0.49856	0.49861
3.0	0.49865	0.49869	0.49874	0.49878	0.49882	0.49886	0.49889	0.49893	0.49896	0.49900
3.1	0.49903	0.49906	0.49910	0.49913	0.49916	0.49918	0.49921	0.49924	0.49926	0.49929
3.2	0.49931	0.49934	0.49936	0.49938	0.49940	0.49942	0.49944	0.49946	0.49948	0.49950
3.3	0.49952	0.49953	0.49955	0.49957	0.49958	0.49960	0.49961	0.49962	0.49964	0.49965
3.4	0.49966	0.49968	0.49969	0.49970	0.49971	0.49972	0.49973	0.49974	0.49975	0.49976
3.5	0.49977	0.49978	0.49978	0.49979	0.49980	0.49981	0.49981	0.49982	0.49983	0.49983
3.6	0.49984	0.49985	0.49985	0.49986	0.49986	0.49987	0.49987	0.49988	0.49988	0.49989
3.7	0.49989	0.49990	0.49990	0.49990	0.49991	0.49991	0.49992	0.49992	0.49992	0.49992
3.8	0.49993	0.49993	0.49993	0.49994	0.49994	0.49994	0.49994	0.49995	0.49995	0.49995
3.9	0.49995	0.49995	0.49996	0.49996	0.49996	0.49996	0.49996	0.49996	0.49997	0.49997
4.0	0.49997	0.49997	0.49997	0.49997	0.49997	0.49997	0.49998	0.49998	0.49998	0.49998