

**Uvod u numeričku matematiku, GRUPA I, 6.09.2015.**

1. Za funkciju  $f(x) = \cos(\pi x)$  naći interpolacioni polinom drugog stepena na  $[-1, 1]$ . Čvorove interpolacije birati kao nule Čebiševljevog polinoma. Oceniti grešku za  $x = \frac{1}{2}$ . Računati na četiri decimale.

2. Odrediti koeficijente  $c_i, i = 0, 1, 2$  kvadraturne formule

$$\int_{-1}^1 |x| f(x) dx = c_0 f(-1/2) + c_1 f(0) + c_2 f(1/2) + R(f)$$

tako da ona bude tačna za polinome što je moguće višeg stepena. Oceniti grešku.

3. Neka je data funkcija  $f(x) = 3^x - 2x - 2$ . Locirati sva rešenja jednačine  $f(x) = 0$ , a zatim, metodom sečice sa tačnošću  $10^{-2}$ , odrediti najveće rešenje po modulu.

**Uvod u numeričku matematiku, GRUPA II, 6.09.2015.**

1. Za funkciju  $f(x) = -\cos(\pi(x+1))$  naći interpolacioni polinom drugog stepena na  $[-1, 1]$ . Čvorove interpolacije birati kao nule Čebiševljevog polinoma. Oceniti grešku za  $x = \frac{1}{2}$ . Računati na četiri decimale.

2. Odrediti koeficijente  $c_i, i = 0, 1, 2, 3$  kvadraturne formule

$$\int_{-1}^1 |x| f(x) dx = c_0 f(-1) + c_1 f(-1/2) + c_2 f(1/2) + c_3 f(1) + R(f)$$

tako da ona bude tačna za polinome što je moguće višeg stepena. Oceniti grešku.

3. Neka je data funkcija  $f(x) = 3^x - 2x - 2$ . Locirati sva rešenja jednačine  $f(x) = 0$ , a zatim, metodom sečice sa tačnošću  $10^{-2}$ , odrediti najmanje rešenje po modulu.