

Uvod u numeričku matematiku, 1.7.2016., Grupa 1

1. U tabeli je dat broj stanovnika na svetu u periodu od 2005. do 2015. godine, izražen u milionima.

godina	2005	2008	2010	2012	2015
broj ljudi	6521	6707	6896	7052	7349

Interpolacijom podataka pomoću Njutnovog polinoma sa podeljenim razlikama proceniti broj stanovnika 2014. godine. Računati na 4 decimale.

2. Matematičko klatno dužine l , izvedeno iz ravnotežnog položaja za ugao α , ima period oscilovanja $T = 4K\sqrt{\frac{l}{g}}$, gde je $K = \int_0^{\pi/2} \frac{d\phi}{\sqrt{1-\sin^2 \frac{\alpha}{2} \sin^2 \phi}}$. Odrediti period oscilovanja klatna dužine $l = 1m$ ako je ono pomereno za ugao $\alpha = 1.1$. Približnu vrednost integrala K izračunati Simpsonovom kvadraturnom formulom tako da zbir Rungeove ocene greške i greške računa ne bude veći od 10^{-4} . Računati u radijanima. Uzeti da je $g = 9.81 \frac{m}{s^2}$.

3. Njutnovom metodom, sa tačnošću $\epsilon = 10^{-3}$, odrediti sva pozitivna rešenja jednačine

$$\arctan(x - 1) - \frac{1}{2}x^2 + 1 = 0.$$

Uvod u numeričku matematiku, 1.7.2016., Grupa 2

1. U tabeli je dat broj stanovnika na svetu u periodu od 2005. do 2015. godine, izražen u milionima.

godina	2005	2007	2010	2012	2015
broj ljudi	6521	6614	6896	7052	7349

Interpolacijom podataka pomoću Njutnovog polinoma sa podeljenim razlikama proceniti broj stanovnika 2006. godine. Računati na 4 decimale.

2. Matematičko klatno dužine l , izvedeno iz ravnotežnog položaja za ugao α ima period oscilovanja $T = 4K\sqrt{\frac{l}{g}}$, gde je $K = \int_0^{\pi/2} \frac{d\phi}{\sqrt{1-\sin^2 \frac{\alpha}{2} \sin^2 \phi}}$. Odrediti period oscilovanja klatna dužine $l = 1m$ ako je ono pomereno za ugao $\alpha = 1.4$. Približnu vrednost integrala K izračunati Simpsonovom kvadraturnom formulom tako da zbir Rungeove ocene greške i greške računa ne bude veći od 10^{-4} . Računati u radijanima. Uzeti da je $g = 9.81 \frac{m}{s^2}$.

3. Njutnovom metodom, sa tačnošću $\epsilon = 10^{-3}$, odrediti sva pozitivna rešenja jednačine

$$\arctan(x - 1) - \frac{1}{2}x^2 + 2 = 0.$$